

Dagens 6/10

1. Bestäm den allmänna lösningen till differentialekvationen
- a. $y'' + 2y' + 5y = 0$ b. $y'' + 3y' = 0$
c. $y'' + 4y = 0$ d. $y'' + 4y' + 4y = 0$
2. Bestäm den lösning till $y''' + y'' - 2y = 0$ som uppfyller $y(0) = 2, y'(0) = 3..$
3. Bestäm den allmänna lösningen till differentialekvationen
- a. $y''' + y'' - 2y = 2x + 1$
b. $y''' + 6y' + 9y = 27x$.
c. $y''' + y'' - 2x + 1$
d. $y''' + y'' - 2y = 4e^{3x}$
e. $y''' + y'' - 2y = 20\cos 2x$

Svar

1. a. $y = e^{\sqrt{x}}(A\sin 2x + B\cos 2x)$ b. $y = A + Be^{\sqrt{3}x}$
c. $y = A\sin 2x + B\cos 2x$ d. $y = e^{\sqrt{2}x}(A + Bx)$
2. $y = \frac{1}{3}e^{\sqrt{x}} + \frac{5}{3}e^{2x}$
3. a. $y = \sqrt{x} + Ae^{\sqrt{x}} + Be^{2x}$ b. $y = 3x\sqrt{2} + e^{\sqrt{3}x}(A + Bx)$
c. $y = \sqrt{3}x\sqrt{x^2 + A + Be^x}$ d. $y = e^{3x} + Ae^{\sqrt{x}} + Be^{2x}$
e. $y = \sqrt{\sin 2x} \sqrt{3}\cos 2x + Ae^{\sqrt{x}} + Be^{2x}$

Dagens 8/10

1. Bestäm den allmänna lösningen till differentialekvationen
 - a. $y'' + y' - 2y = 4xe^{2x}$
 - b. $y'' + y' - 2y = 20\cos 2xe^{2x}$
 - c. $y'' + y = 2\cos x$
 - d. $y'' - 2y' = 4x$
 - e. $y'' + 4y = 24\sin 4x$.
 - f. $y'' - 4y' + 13y = 40\cos x$
2. Bestäm den lösning till $y'' - y' - 2y = 2x + 1$ som uppfyller $y(0) = 2$, $y'(0) = 3$.
3. Bestäm den allmänna lösningen till differentialekvationen
 - a. $y'' + y' - 2y = 40\sin x \cos x$. (Förenkla högerledet: $2\sin x \cos x = \sin 2x$.)
 - b. $y''' - 3y'' + 2y = 4x + 10\cos x$
 - c. $y''' + 3y'' - y' - 3y = 9x$
 - d. $y''' - y'' + y' - y = e^{2x}$
4. Bestäm den lösning till $y'' - y' - 2y = 4xe^{2x}$ som uppfyller $y(0) = 3$, $y'(0) = 2$.
5. Beräkna följande integraler:

<ol style="list-style-type: none"> a. $\int_0^1 \frac{x}{\sqrt{4-x^2}} dx$ c. $\int_0^1 \frac{x}{(1+x^2)^2} dx$ e. $\int_0^{\pi/2} \frac{\sin x}{2+\cos x} dx$ g. $\int_1^5 x \ln 2 dx$ 	<ol style="list-style-type: none"> b. $\int_0^1 (1+2x)^{100} dx$ d. $\int_{-1}^1 \frac{2x+1}{x^2+x+1} dx$ f. $\int_0^1 \frac{2x+1}{x^2+1} dx$ h. $\int_0^{\pi/4} (\cos^2 x \ln \sin^2 x) dx$
---	--
6. Beräkna arean av det ändliga området som begränsas av
 - a. kurvan $y = x \ln \sqrt{x}$ och x -axeln.
 - b. kurvan $y = (x-3)\sqrt{4-x}$ och x -axeln.

Svar

1. a. $y = (1+2x)e^{2x} + Ae^x + Be^{2x}$
 c. $y = x \sin x + A \sin x + B \cos x$
 e. $y = 2\sin 4x + A \sin 2x + B \cos 2x$
2. $y = x + 2e^{2x}$
3. a. $y = 3\sin 2x \cos 2x + Ae^x + Be^{2x}$
 c. $y = 1+3x + Ae^x + Be^{2x} + Ce^{3x}$
4. $y = (1+2x)e^{2x} + 3e^x \ln e^{2x}$
5. a. $10/27$
 e. $1/\ln 3$
6. a. $1/6$
 b. $4/15$
- b. $y = (\sin 2x \cos 3x) e^{2x} + Ae^x + Be^{2x}$
 d. $y = x \ln x^2 + A + Be^{2x}$
 f. $y = 3\cos x \ln \sin x + e^{2x}(A \sin 3x + B \cos 3x)$
- b. $y = 3 + 2x + \cos x \ln 3 \sin x + Ae^x + Be^{2x}$
 d. $y = e^{2x}/4 + A \sin x + B \cos x + Ce^x$
- c. $1/4$
 g. 5
- d. $\ln 3$
 h. $1/2$